

Teoría de navegación

1. El lugar geométrico de todos los puntos de la esfera celeste que tienen la misma altura se denomina:

- a) Zenit.
- b) Polo elevado.
- c) Nadir.
- d) Almicantarat.

Respuesta correcta: d)

2. El meridiano celeste que contiene el nadir se denomina:

- a) Meridiano polar.
- b) Meridiano inferior del lugar.
- c) Meridiano superior del lugar.
- d) Primer meridiano.

Respuesta correcta: b)

3. ¿Cuál de las siguientes afirmaciones sobre la “declinación” del astro es FALSA?

- a) Es el arco de máximo de ascensión contado desde el ecuador hasta el astro de 0° a 90° hacia el norte o hacia el sur.
- b) Cuando es de la misma especie que la latitud se resta a 90° para calcular la distancia polar.
- c) Cuando es de distinta especie que la latitud se resta a 90° para calcular la distancia polar.
- d) Cuando es de distinta especie que la latitud se suma a 90° para calcular la distancia polar.

Respuesta correcta: c)

4. El arco de ecuador contado desde Aries hasta el máximo de ascensión del astro, hacia el oeste, se denomina:

- a) Angulo sidéreo.
- b) Máximo de ascensión.
- c) Ascensión recta.
- d) Declinación.

Respuesta correcta: a)

5. ¿Cuál de los siguientes puntos de la eclíptica del Sol NO corta al ecuador con una declinación igual a cero?

- a) Primer punto de Aries.
- b) Primer punto de Libra.
- c) Primer punto de Omega.
- d) Punto equinoccial.

Respuesta correcta: c)

6. ¿Dónde se mide la declinación de un astro?

- a) En el semicírculo vertical.
- b) En el semicírculo horario.
- c) En el eje zenital.
- d) En el máximo de longitud.

Respuesta correcta: b)

7. ¿Qué ángulo es igual al azimut contado desde el punto cardinal correspondiente al polo elevado?

- a) Distancia polar.
- b) Ángulo paraláctico.
- c) Ángulo cenital
- d) Ángulo en el polo.

Respuesta correcta: c)

8. ¿Qué información NO figura en los derroteros?

- a) Las radas y puertos que ofrecen abrigo a los buques para los temporales.
- b) Las horas y las alturas de mareas durante todos los días del año para los puertos principales de la zona.
- c) El régimen atmosférico que prevalece en la zona,
- d) La dirección e intensidad de las corrientes marinas.

Respuesta correcta: b)

9. ¿Qué aspecto NO está relacionado con la falta de paralelismo entre el espejo grande y el espejo pequeño de un sextante?

- a) Que los ceros de la alidada y del limbo coincidan.
- b) Defectos de graduación del anteojo.
- c) Un error de índice.
- d) Que la graduación no coincida con el punto de paralelismo.

Respuesta correcta: b)

10. ¿Qué estrella de la constelación de Orión podemos identificar visualmente en la enfilación de las estrellas Sirius y Capella?

- a) Betelgeuse
- b) Bellatrix
- c) Saiph
- d) Rigel

Respuesta correcta: a)

Cálculos de navegación

11. Calcule la corrección total para el año 2015 y un punto determinado, siendo la $dm(2005) = 5^\circ 20' W$; la variación anual $= +7'$; y el desvío $= -6^\circ$.

- a) $Ct = 12^\circ 30' E$
- b) $Ct = 11^\circ 30' W$
- c) $Ct = 00^\circ 30' W$
- d) $Ct = 10^\circ 10' W$

$Ct = dm + \Delta$ en donde:

Ct = corrección total, dm = declinación magnética, Δ = desvío

$dm(2005) = 5^\circ 20' W = -5^\circ 20'$

Nota: la declinación magnética es el desvío del Norte magnético respecto al Norte verdadero. Esa desviación, si es hacia el Este es positiva, y hacia el Oeste negativa.

Intervalo entre año 2015 y 2005 = 10 años

$dm(2015) = -5^\circ 20' + 10 \times 7' = -5^\circ 20' + 1^\circ 10' = -4^\circ 10'$

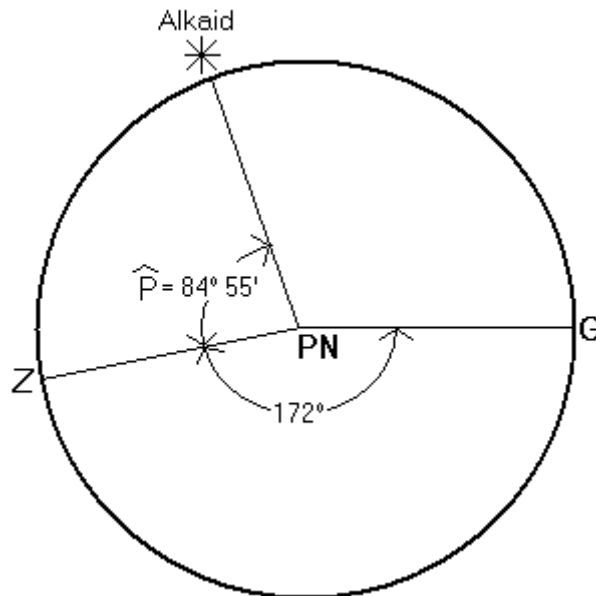
$Ct = dm(2015) + \Delta = -4^\circ 10' - 6^\circ = -10^\circ 10' = 10^\circ 10' W$

Respuesta correcta: d)

12. El día 3 de Julio de 2015 al ser $TU = 12h 10m 3s$ y estando en situación de estima, $latitud = 33^\circ 00',0 N$ y $longitud = 172^\circ 00',0 W$ se observa Alkaid con una altura instrumental $= 27^\circ 37',8$ y un $Za = 308^\circ$, $Ct = +5^\circ$, $Ci = (-)0',8$, elevación del observador = 15 m. Consultado el Almanaque Náutico en dicha fecha, se obtiene el horario del astro en el lugar (h^*L) = $84^\circ 55' W$ y declinación = $49^\circ 14',8$. Se pide calcular el Zv y la diferencia de alturas.

- a) $Zv = N57E$ y diferencia de altura = $-0',9$.
- b) $Zv = N47W$ y diferencia de altura = $+0',9$.
- c) $Zv = N57E$ y diferencia de altura = $+1',0$.
- d) $Zv = N47W$ y diferencia de altura = $-0',9$.

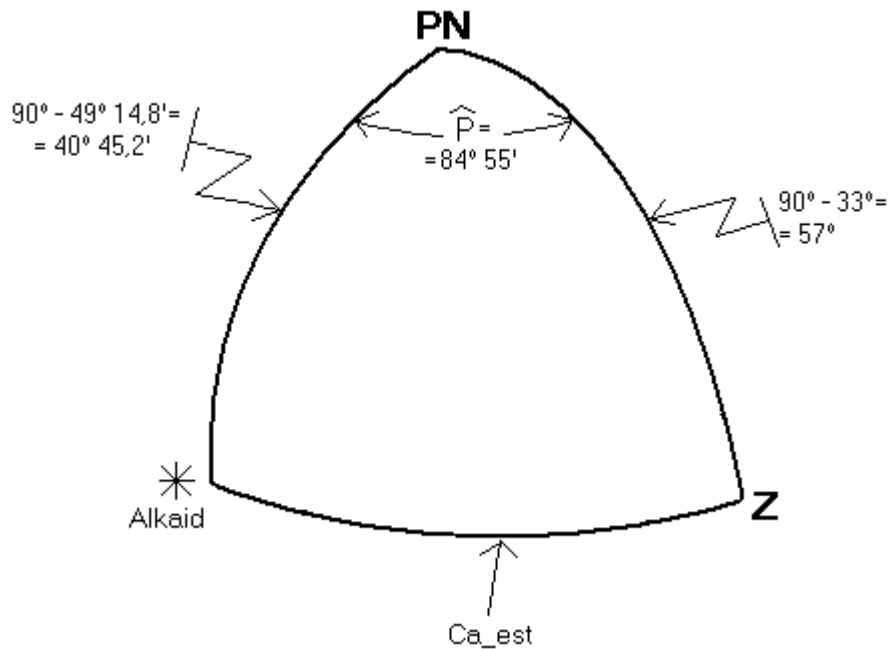
- Calculemos en primer lugar el Azimut verdadero (Z_v) de Alkaid:
 $Z_v = Z_a + C_t = 308^\circ + 5^\circ = 313^\circ = N47^\circ W$.
 Con éste dato solamente caben 2 posibles respuestas, la b) y la d)
- Calculemos en segundo lugar la altura verdadera de Alkaid
 $a_i \text{ Alkaid} = 27^\circ 37,8'$
 $a_o = \text{altura observada} = a_i + C_i = 27^\circ 37,8' - 0,8' = 27^\circ 37'$
 $a_a = \text{altura aparente} = a_o + C_d$
 $C_d = \text{Corrección por depresión (para } e_o = 15 \text{ mts.)} = -6,9'$
 $a_a = 27^\circ 37' - 6,9' = 27^\circ 30,1'$
 $C_{refr} = \text{corrección por refracción (para } a_a = 27^\circ 30,1') = -1,8'$
 $a_v = \text{altura verdadera de la estrella} = a_a + C_{refr} = 27^\circ 30,1' - 1,8' = 27^\circ 28,3'$
- El círculo horario será entonces el indicado en la figura de abajo.



$P = \text{ángulo horario de Alkaid respecto al meridiano superior del observador} = h * L = 84^\circ 55'$.

El dato de la longitud del observador ($L = 172^\circ W$) no se utiliza en éste problema.

El triángulo de posición quedará como en la figura de abajo:



Aplicando la fórmula del coseno en el triángulo esférico formado por los vértices PN, Z y la estrella Alkaid:

$$\cos Ca_est = \cos 40^\circ 45.2' \times \cos 57^\circ + \sin 40^\circ 45.2' \times \sin 57^\circ \times \cos 84^\circ 55'$$

$$Ca_est = 62.5426^\circ \rightarrow aest = \text{altura estimada} = 90^\circ - 62.5426^\circ = 27^\circ 27.4'$$

$$\Delta a = \text{diferencia de alturas} = a_v - aest = 27^\circ 28.3' - 27^\circ 27.4' = +0.9'$$

El determinante de Alkaid queda así:

$$Zv = N47^\circ W.$$

$$\Delta a = +0.9'$$

Respuesta correcta: b)

13. El 20 de Mayo de 2015, siendo HcG= 22h 15m. Calcule la Hz y fecha en un lugar de longitud= $178^\circ 00',0$ E.

- a) Hz = 10h 15m del día 21 de mayo de 2015
- b) Hz = 10h 15m del día 20 de mayo de 2015
- c) Hz = 10h 15m del día 22 de mayo de 2015
- d) Hz = 22h 15m del día 21 de mayo de 2015

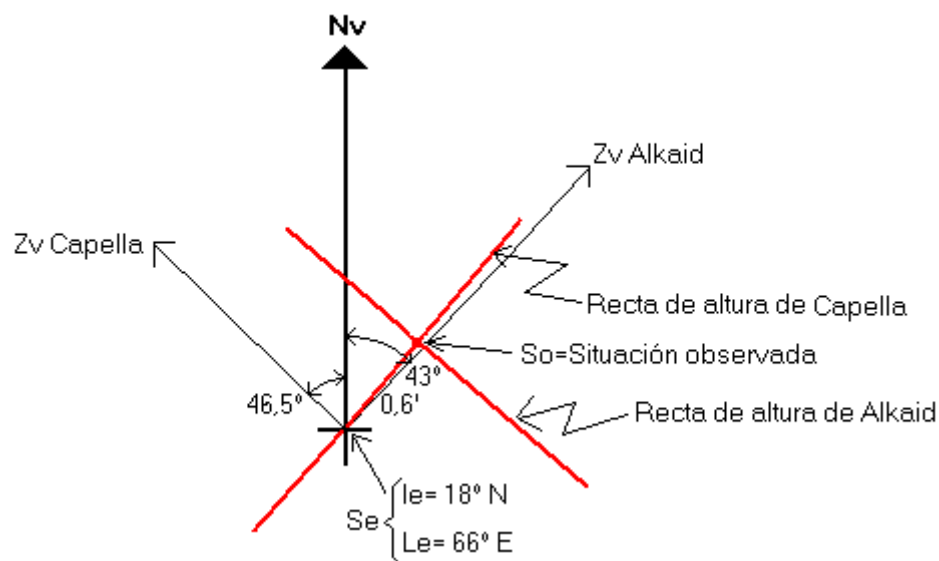
$$L = 178^\circ 00' E \rightarrow Z = \text{Huso horario} = 12$$

$$TU = HcG = Hz - Z \rightarrow Hz = 22h 15m + 12h = 10h 15m (\text{día 21})$$

Respuesta correcta: a)

14. Dados los siguientes datos, calcule la situación observada. Alkaid: $Z_v = N43E$, diferencia de alturas = +0',6. Capella: $Z_v = N46,5 W$, diferencia de alturas = 0. Situación estimada: latitud = $18^\circ 00',0 N$ y longitud = $066^\circ 00',0 E$.
- Latitud = $18^\circ 04',0 N$ y longitud = $066^\circ 04',0 E$.
 - Latitud = $18^\circ 40',0 N$ y longitud = $066^\circ 40',0 E$.
 - Latitud = $18^\circ 00',4 N$ y longitud = $066^\circ 00',4 E$.
 - Latitud = $19^\circ 40',0 N$ y longitud = $066^\circ 00',0 E$.

Con un simple dibujo a mano alzada como el de la figura de abajo podemos determinar que la solución no puede ser ni la a) ni la b) ni la d), ya que obviamente al ser 0,6 millas la diferencia de alturas de Alkaid, la solución tiene que estar muy próxima a la situación estimada.



El punto de cruce S_o de las dos rectas de altura será la situación observada.

Se puede encontrar también de forma analítica:

$$A = \text{apartamiento de } S_o \text{ sobre la situación estimada } S_e = 0,6' \times \sin(90^\circ - 46,5^\circ) = 0,413'$$

$$\Delta L = \text{desvio en longitud de } S_o \text{ sobre la situación estimada } S_e = \frac{A}{\cos l_m} = \frac{0,413'}{\cos 18^\circ} = 0,434' E$$

$$\Delta l = \text{desvio en latitud de } S_o \text{ sobre la situación estimada } S_e = 0,6' \times \cos(90^\circ - 46,5^\circ) = 0,435' N$$

$$L_o = \text{longitud observada} = 66^\circ E + \Delta L = 66^\circ E + 0,434' E = 66^\circ 0,434' E$$

$$l_o = \text{latitud observada} = 18^\circ N + \Delta l = 18^\circ N + 0,435' N = 18^\circ 0,435' N$$

Respuesta correcta: c)

15. El 17 de Enero de 2015 en longitud = $012^{\circ} 08',0$ W se observa el Sol a su paso por el meridiano inferior del lugar, siendo la altura instrumental limbo inferior = $15^{\circ} 03',8$. Dadas la $C_i = -3',5$ y la elevación del observador = 7 m, calcule la latitud observada.

- a) Latitud = $84^{\circ} 09',4$ N.
- b) Latitud = $84^{\circ} 42',1$ S.
- c) Latitud = $84^{\circ} 17',9$ S.
- d) Latitud = $82^{\circ} 15',0$ N.

- En tablas diarias del Almanaque Náutico para el día 17 de Enero de 2015:

PMG= Paso del Sol por el Meridiano de Greenwich= 12h 10m

Este es el valor HcG y HcL del paso del Sol por el meridiano de Greenwich.

El meridiano inferior de $L = 12^{\circ} 8' W$ tendrá $L = 180^{\circ} - 12^{\circ} 8' = 167^{\circ} 52' E$

TU paso del Sol por ($L = 167^{\circ} 52' E$) = $12h 10m - \frac{167^{\circ} 52'}{15^{\circ}} = 0h 58,5m$ del día 17 de Enero de 2015.

En las tablas del AN para el 17 de Enero de 2015 tenemos:

<u>TU</u>	<u>Dec</u>
0h	$-20^{\circ} 50,6'$
1h	$-20^{\circ} 50,1'$

Interpolanto par TU= 0h 58,5m sale:

Dec $\approx -20^{\circ} 50,1'$

- Calculemos ahora la altura verdadera del Sol

a_i ☉ limbo inferior = $15^{\circ} 3,8'$

a_o = altura observada = $a_i + C_i = 15^{\circ} 3,8' - 3,5' = 15^{\circ} 0,3'$

a_a = altura aparente = $a_o + C_d$

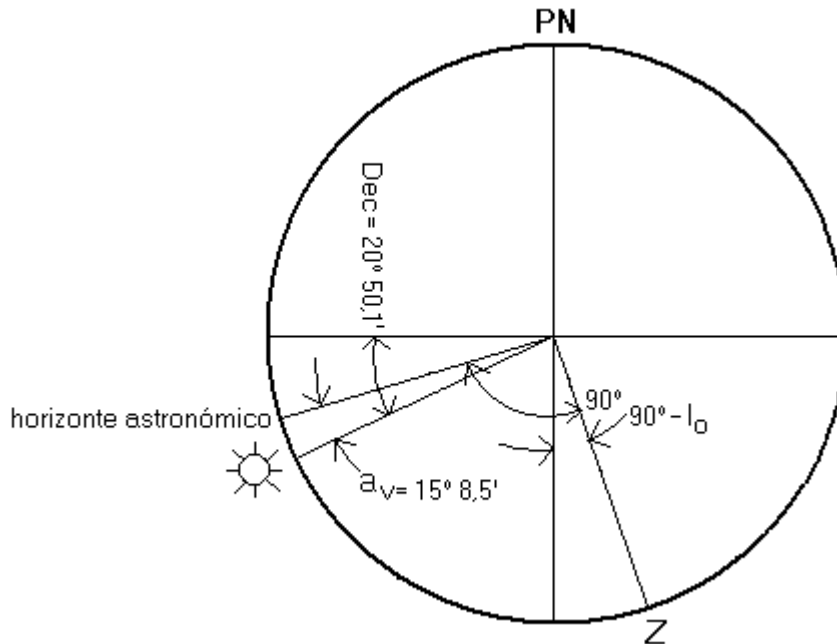
C_d = corrección por depresión (para $e_o = 7m$) = $-4,7'$

$a_a = 15^{\circ} 0,3' - 4,7' = 14^{\circ} 55,6'$

$C_{sd} + refr + par$ = corrección por semidiámetro + refracción + paralaje (para $a_a = 14^{\circ} 55,6'$) = $+12,6' + 0,3' = +12,9'$

a_v = altura verdadera = $a_a + C_{sd} + refr + par = 14^{\circ} 55,6' + 12,9' = 15^{\circ} 8,5'$

- Cuando un astro pasa por el meridiano inferior del observador, la latitud del observador ha de ser del mismo signo que la declinación del astro, y además una altura inferior que la latitud.



La figura de arriba refleja dicha circunstancia:

$$90^\circ = (90^\circ - l_o) + (90^\circ - 20^\circ 50,1') + 15^\circ 8,5' \rightarrow l_o = \text{latitud observada} = 84^\circ 18,4'S$$

Respuesta correcta: c)

16. Siendo el 20 de Mayo de 2015 y encontrándose en una longitud = $074^\circ 20',0$ E. Calcule la HcG del paso del Sol por el meridiano superior del lugar.

- a) HcG= 16h 53 min 48 seg (día 20).
- b) HcG= 18h 59 min 12 seg (día 21).
- c) HcG= 06h 59 min 12 seg (día 20).
- d) HcG= 06h 59 min 12 seg (día 21).

En tablas del AN para la fecha del 20 de Mayo de 2015

- PMG=Paso del Sol por el Meridiano de Greenwich= 11h 56,5m

Por lo tanto HcL = 11h 56,5m

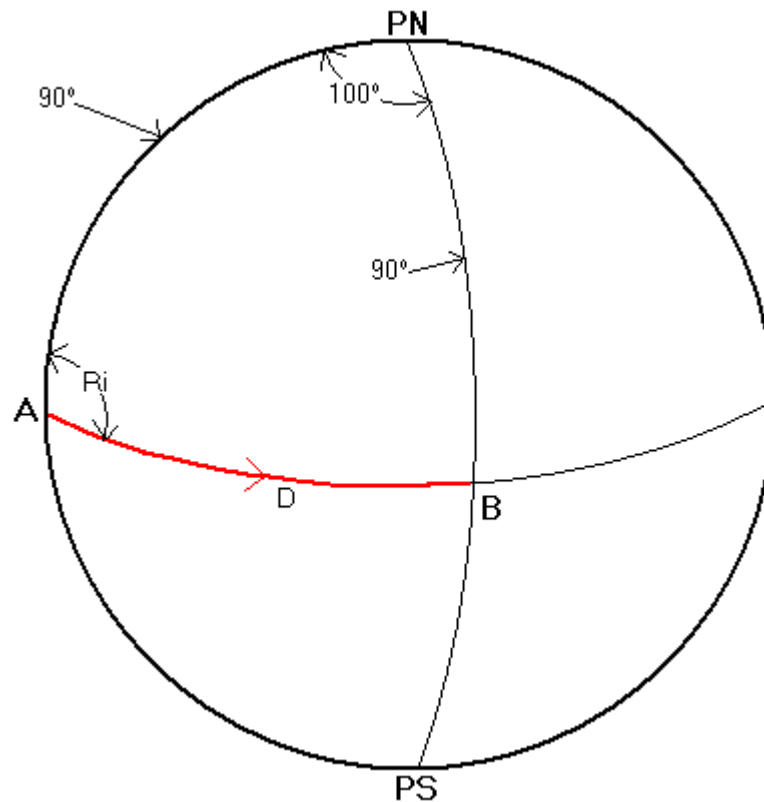
$$\begin{aligned} \text{TU} &= \text{Tiempo universal del paso del Sol por el meridiano de } L=74^\circ 20'E = \text{HcG} = \\ &= \text{HcL} - L = 11\text{h } 56,5\text{m} - \frac{74^\circ 20'}{15^\circ} = 6\text{h } 59\text{m } 10\text{s (día 20)} \end{aligned}$$

Respuesta correcta: c)

17. Dados los siguientes datos, calcule el rumbo inicial y distancia ortodrómica. Situación de salida: latitud = $00^\circ 00'0$ y longitud = $000^\circ 00'0$. Situación de llegada: latitud = $00^\circ 00'0$ y longitud = $100^\circ 00',0$ E.

- a) Ri= 080° y distancia= 6.000'.

- b) $R_i = 100^\circ$ y distancia = 5.500'.
- c) $R_i = 090^\circ$ y distancia = 6.000'.
- d) $R_i = 089^\circ$ y distancia = 5.800'.



La navegación es por el ecuador terrestre, que es un círculo máximo.

En la figura de arriba A es el punto de salida, B el de llegada, R_i = rumbo inicial y D = distancia ortodrómica.

Es evidente que $R_i = 90^\circ$ y distancia navegada = $100 \times 60 = 6.000$ millas. Al navegar por el ecuador, todos los meridianos son perpendiculares a éste, y por lo tanto el Rumbo se mantendría constante durante toda la travesía (90°), es decir, en éste caso la ortodrómica y la loxodrómica coincidirían.

También se puede deducir aplicando las fórmulas de la cotangente y el coseno:

$$\cotg 90^\circ \times \sen 90^\circ = \cos 90^\circ \times \cos 100^\circ + \sen 100^\circ \times \cotg R_i \rightarrow R_i = 90^\circ$$

$$\cos D = \cos 90^\circ \times \cos 90^\circ + \sen 90^\circ \times \sen 90^\circ \times \cos 100^\circ \rightarrow D = 100^\circ = 6.000' = 6.000 \text{ millas}$$

Respuesta correcta: c)

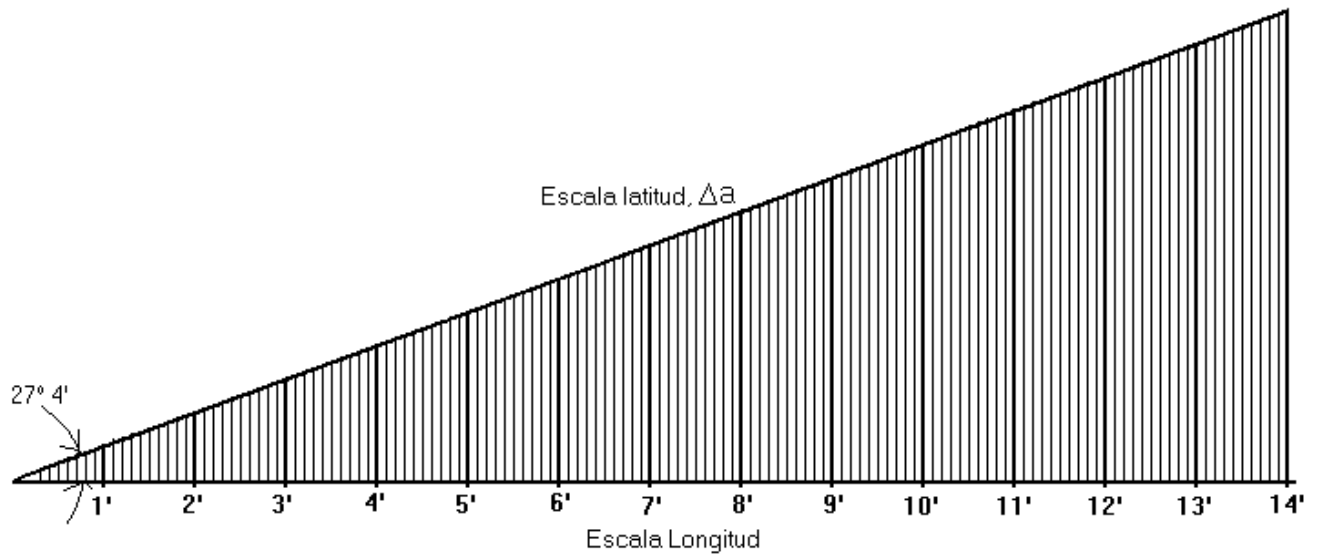
18. Disponiendo de los siguientes datos, halle la situación observada. Vega: $Z_v = N60E$, diferencia de alturas = +4', Sirius: $Z_v = S78E$, diferencia de alturas = +11. Situación estimada: latitud = $27^\circ 04',0 N$ y longitud = $173^\circ 50',0 E$.

a) Latitud = $26^\circ 50',0 N$ y longitud = $174^\circ 30',0 E$.

b) Latitud = $27^\circ 12',5 N$ y longitud = $174^\circ 00',7 E$.

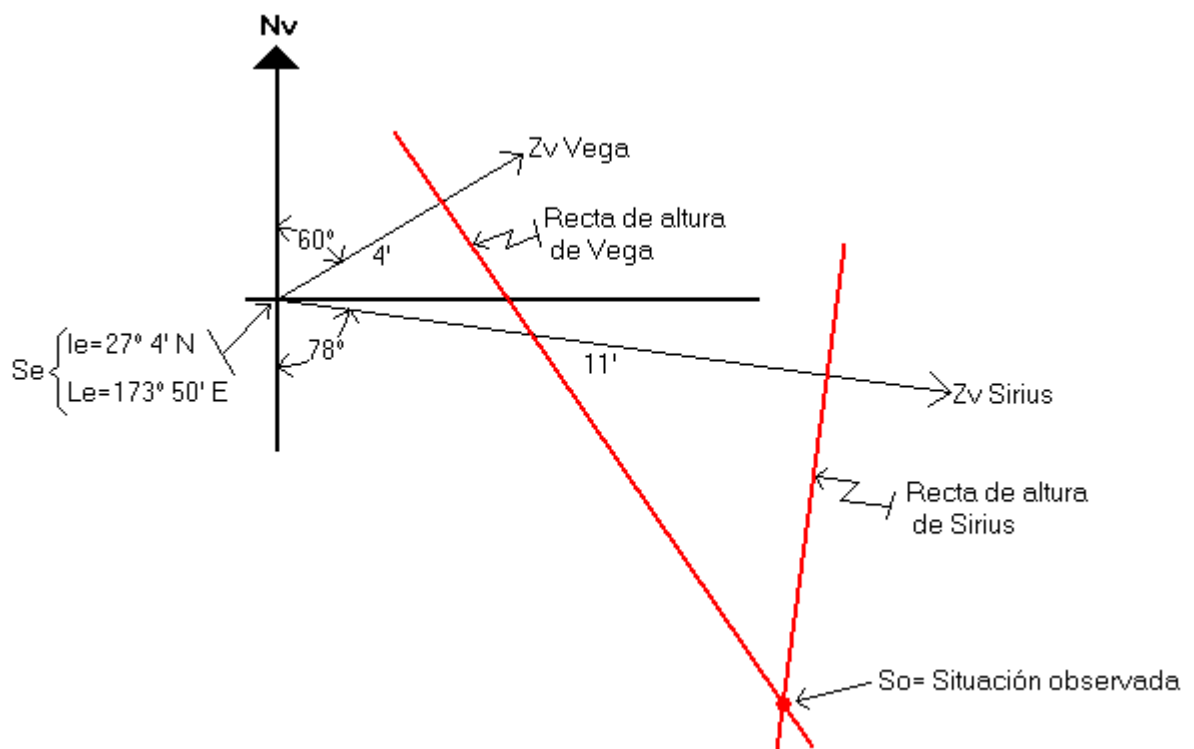
c) Latitud = $27^{\circ} 12',5$ N y longitud = $173^{\circ} 39',3$ E.

d) Latitud = $26^{\circ} 56',0$ N y longitud = $174^{\circ} 01',0$ E.



La figura de arriba es la escala que utilizamos para tomar las distancias en papel milimetrado normal.

La figura de abajo refleja la situación de los determinantes de Vega y Sirius. Se ha dibujado utilizando papel milimetrado normal, regla, transportador de ángulos y un compás para tomar las distancias en la escala de arriba.



El punto de cruce S_o de las dos rectas de altura será la situación observada.

Para hallar los incrementos de latitud ΔI y longitud ΔL que se haya la situación observada S_o respecto a la situación estimada S_e , utilizamos la escala de la figura anterior.

ΔI =desvio en latitud (de S_o sobre la situación estimada S_e) = 8,7' S

ΔL = desvio en longitud (de S_o sobre la situación estimada S_e) = 10,5'E

L_o = longitud observada= $173^\circ 50' E + \Delta L = 173^\circ 50' E + 10,5' E = 174^\circ 0,5' E$

l_o = latitud observada= $27^\circ 4' N - \Delta I = 27^\circ 4' N - 8,7' S = 26^\circ 55,3' N$

Respuesta correcta: d)

19. Determine la altura de Vega, siendo su altura instrumental = $40^\circ 28',0$, $C_i = -4'$ y elevación del observador = 13m.

a) $A_v = 40^\circ 17'2$.

b) $A_v = 40^\circ 16'4$.

c) $A_v = 40^\circ 15'0$.

d) $A_v = 40^\circ 22'8$.

a_i Vega = $40^\circ 28'$

a_o =altura observada= $a_i + C_i = 40^\circ 28' - 4' = 40^\circ 24'$

a_a =altura aparente= $a_o + C_d$

C_d =Corrección por depresión (para $e_o = 13$ mts.)= $-6,4'$

$a_a = 40^\circ 24' - 6,4' = 40^\circ 17,6'$

C_{refr} =corrección por refracción (para $a_a = 40^\circ 17,6'$) = $-1,2'$

a_v =altura verdadera de la estrella= $a_a + C_{refr} = 40^\circ 17,6' - 1,2' = 40^\circ 16,4'$

Respuesta correcta: b)

20. Siendo la HcG = 23h 4m 0s, calcule el azimut verdadero de la Polar para el día 17 de Enero de 2015 en situación latitud= $35^\circ 02',0$ N y longitud = $003^\circ 20',0$ E.

a) $Z_v = N01,8W$

b) $Z_v = N00,8W$

c) $Z_v = N01E$

d) $Z_v = N18W$

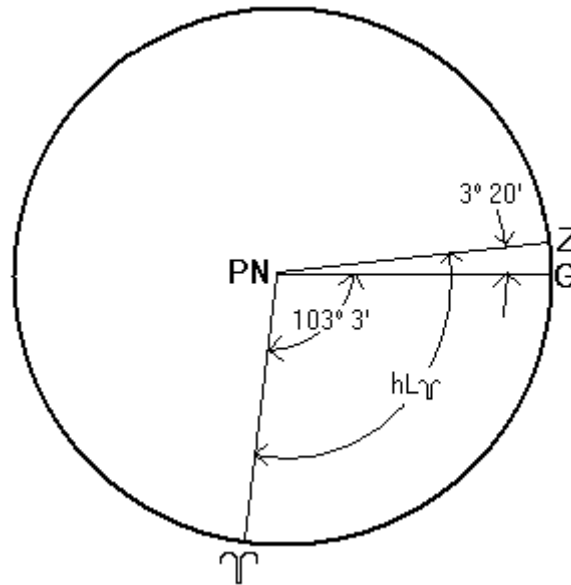
TU= HcG= 23h 4m

En Tablas del AN para el 17 de Enero de 2015

<u>TU</u>	<u>hGγ</u>
23h	102° 2,8'
24h	117° 5,2'

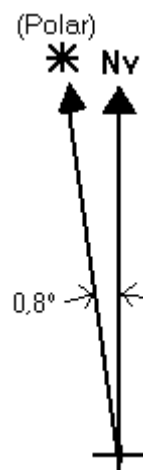
Interpolando para TU= 23h 4m tendremos hG γ = 103° 3'

Por lo tanto, podemos el círculo horario como en la figura de abajo.



De ahí se deduce que $hL\gamma = 3^\circ 20' + 103^\circ 3' = 106^\circ 23'$

En página n° 385 del AN, azimutes de la Polar, tenemos que para latitud= 35° 02' y $hL\gamma = 106^\circ 23'$ le corresponde una $Z \text{ Polar} = -0,8^\circ = N8^\circ W$



Respuesta correcta: b)