

Examen de Capitán de Yate, Mallorca 20 de Diciembre de 2014

Autor: Pablo González de Villaumbrosia Garcia. 29.01.2014

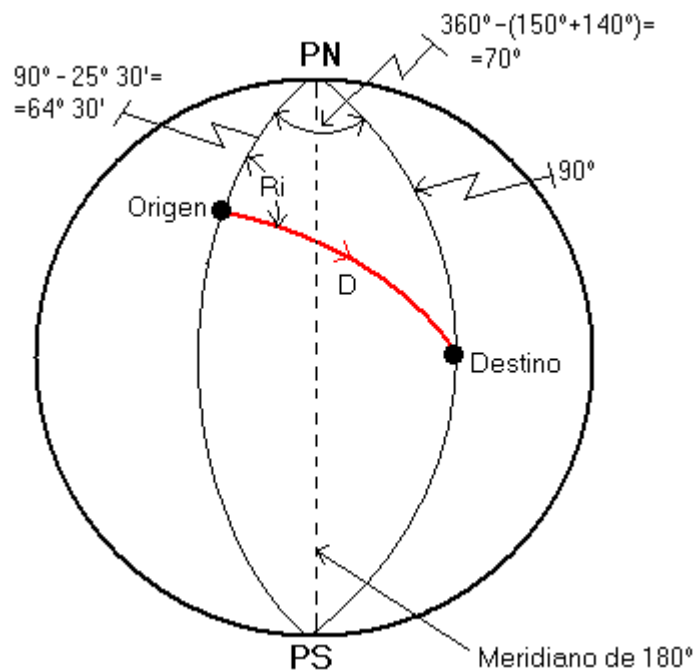
<http://www.villaumbrosia.es>

- 1) Un barco que se encuentra en un punto de $\lambda=25^{\circ} 30'N$ y $L=150^{\circ}E$ quiere ir a un punto del Ecuador de $L=140^{\circ}W$.

Calcular: (15 puntos)

- Rumbo inicial con que tiene que partir
- Tiempo que tardará en llegar al Ecuador, a 15 nudos

Dibujamos en la esfera terrestre los puntos origen y destino.



En la figura anterior queda definido el triángulo esférico de posición formado por PN (Polo Norte), el origen y el destino

Aplicando las fórmulas de la cotangente y el coseno sale:

$$\cotg 90^{\circ} \times \sen 64^{\circ} 30' = \cos 64^{\circ} 30' \times \cotg 70^{\circ} + \sen 70^{\circ} \times \cotg Ri \rightarrow Ri = \text{rumbo inicial} = 98,9^{\circ} = S81,1^{\circ}E$$

$$\cos 90^{\circ} \times \cos 64^{\circ} 30' = \sen 90^{\circ} \times \sen 64^{\circ} 30' \times \cos D \rightarrow D = \text{distancia ortodrómica} =$$

$$= 72,018^{\circ} = 4321 \text{ millas}$$

$$t = \text{tiempo de navegación} = \frac{D}{V_b} = \frac{4321}{15} = 288,07 \text{ horas} = 12 \text{ días } 4,2 \text{ minutos}$$

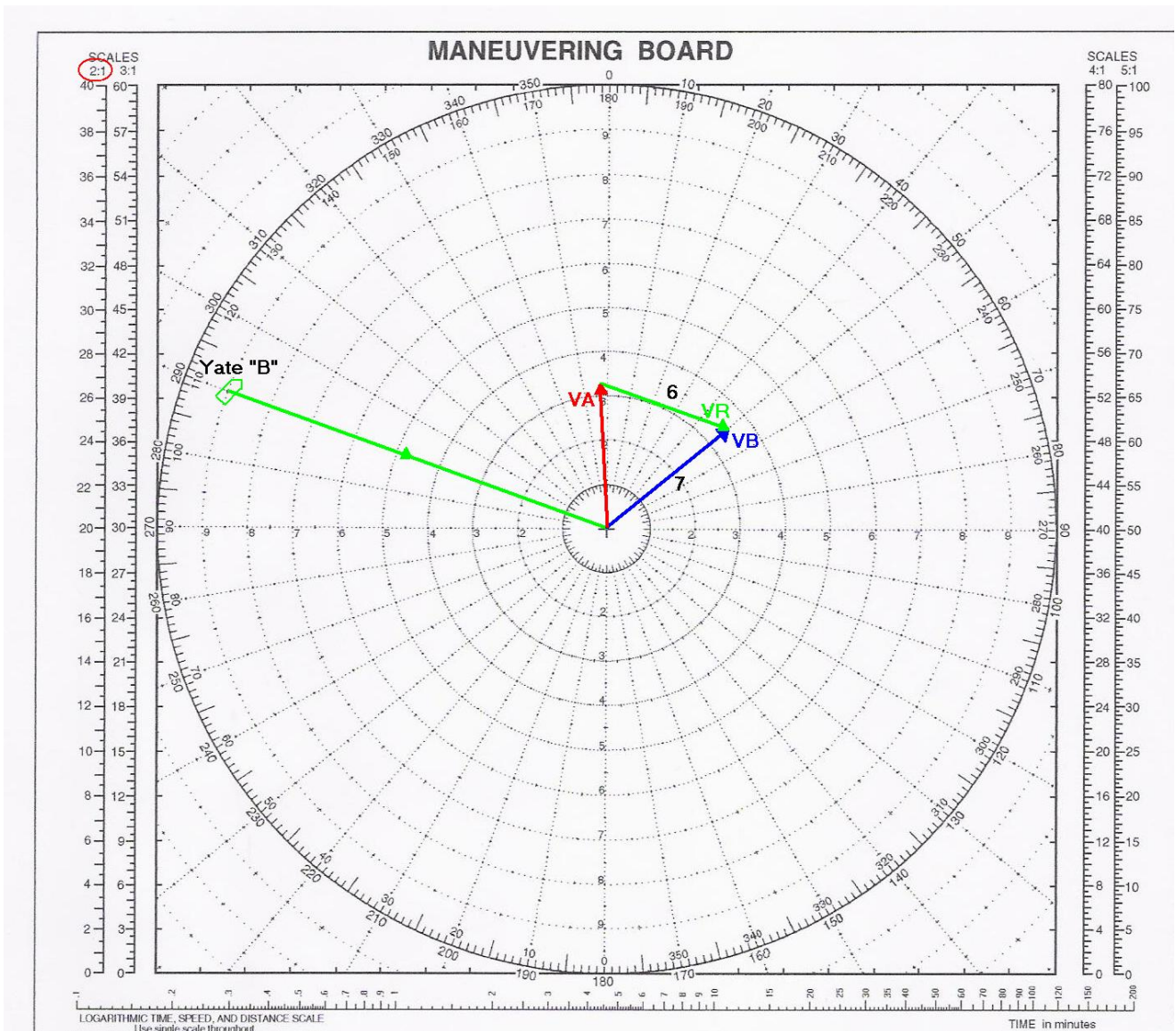
Respuesta a) $Ri = 98,9^{\circ}$

Respuesta b) $t = 12 \text{ días } 4,2 \text{ minutos}$

- 2) El yate "B" navega al $R_v=050^\circ$ con $V_b=7$ nudos, y se encuentra a 290° y a 18 millas del otro yate "A".

Calcular: (15 puntos)

Rumbo y velocidad de "A" para que, dándole rumbo de colisión, se sitúe al costado de "B" en un intervalo de 3 horas.



En la rosa de maniobras utilizamos para las distancias una escala $\frac{1}{2}$, es decir que los círculos de distancia representan el doble de distancia de la indicada en la rosa de maniobras.

Para escala de velocidades utilizamos la escala de la izquierda (enmarcada en rojo).

- Trazamos el vector $V_B=7$ nudos, $R_v=50^\circ$, y colocamos el yate "B" en los 290° a 18 millas (círculo de 9 ya que utilizamos para las distancias escala $\frac{1}{2}$).
- En la figura anterior, la línea verde que une el yate "B" con el centro de la rosa de maniobras es la indicatriz del movimiento (rumbo de colisión) del yate "B" respecto del "A".
- Distancia relativa de "B" respecto a "A" = 18 millas, tiempo de alcance = 3 horas

$$V_R = \text{velocidad relativa de "B" respecto de "A"} = \frac{18}{3} = 6 \text{ nudos}$$

- Colocamos ahora el vector V_R desde el extremo del vector V_B , de magnitud 6 y paralelo a la indicatriz del movimiento.

- El vector VA de color rojo (que une el centro de la rosa de maniobras con el otro extremo del vector VR) indica el rumbo y velocidad del barco "A".

Resultado: Rumbo de "A" = 357° , velocidad = 6,7 nudos

- 3) El día 20 de Diciembre de 2014 en situación de estima $l=66^{\circ} 22'N$ y $L= 014^{\circ} 32'W$, siendo $TU=06:40:08$ observamos al planeta Júpiter= $35^{\circ} 3,6'$ y otro astro "B" cuyos determinantes son $\Delta a= -4,9'$ y $Z=119^{\circ}$.

Elevación del observador 10 m, E_i =error instrumental= $5'$ izquierda.

Se pregunta

- Determinante planeta Júpiter (30 puntos)
- Situación gráfica por intersección de la recta de altura de Júpiter y la del astro "B" (10 puntos)

Cálculo altura verdadera de la observación de Júpiter

a_i Jupiter = $35^{\circ} 3,6'$

E_i =error de índice de sextante= $- 5'$

a_o =altura observada= $a_i + E_i= 35^{\circ} 3,6' - 5' = 34^{\circ} 58,6'$

a_a =altura aparente= $a_o + C_d$

C_d =Corrección por depresión (para $e_o=10$ mts.)= $- 5,6'$

$a_a = 34^{\circ} 58,6' - 5,6' = 34^{\circ} 53'$

C_{refr} =corrección por refracción (para $a_a = 34^{\circ} 53'$) = $- 1,4'$

a_v =altura verdadera= $a_a + C_{refr} = 34^{\circ} 53' - 1,4' = 34^{\circ} 51,6'$

Cálculo del determinante de Júpiter a $TU=6h 40m 8s$ del día 20 de Diciembre de 2014

En tablas diarias del AN para ese día

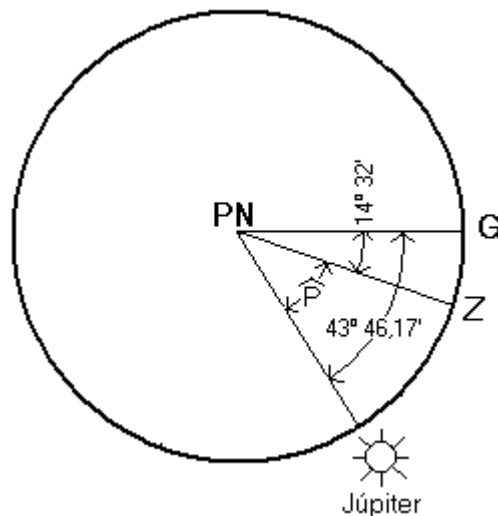
<u>TU</u>	<u>hGJúpiter</u>	<u>Dec</u>
6h	$33^{\circ} 42,5'$	$+14^{\circ} 48,3'$
7h	$48^{\circ} 45,0'$	$+14^{\circ} 48,3'$

Interpolando para $TU=6h 40m 8s$ sale:

$hG_{Júpiter} = 43^{\circ} 46,17'$

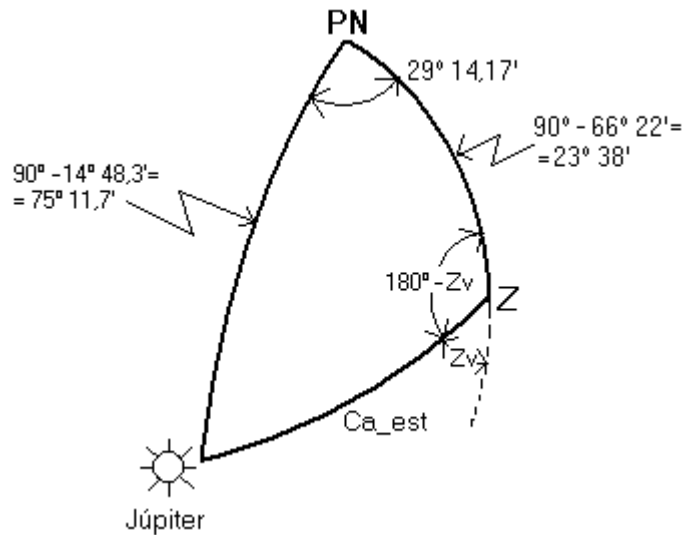
Dec =declinación de Júpiter= $+14^{\circ} 48,3'$

Del círculo horario de la figura anterior sale: $P = 43^{\circ} 46,17' - 14^{\circ} 48,3' = 29^{\circ} 14,17'$



Del círculo horario de la figura anterior sale: $P = 43^{\circ} 46,17' - 14^{\circ} 32' = 29^{\circ} 14,17'$

El triángulo esférico de posición quedará como en la figura de abajo:



Aplicando las fórmulas de la cotangente y el coseno al triángulo esférico de la figura anterior sale:

$$Z_v = S35,16^{\circ}W$$

$$Ca_{est} = Co\text{-altura estimada} = 55,0892^{\circ} \rightarrow ae = 90^{\circ} - 55,0892^{\circ} = 34^{\circ} 54,6'$$

$$\Delta a = av - ae = 34^{\circ} 51,6' - 34^{\circ} 54,6' = -3'$$

Punto de cruce de las dos rectas de altura

Determinante de Júpiter:

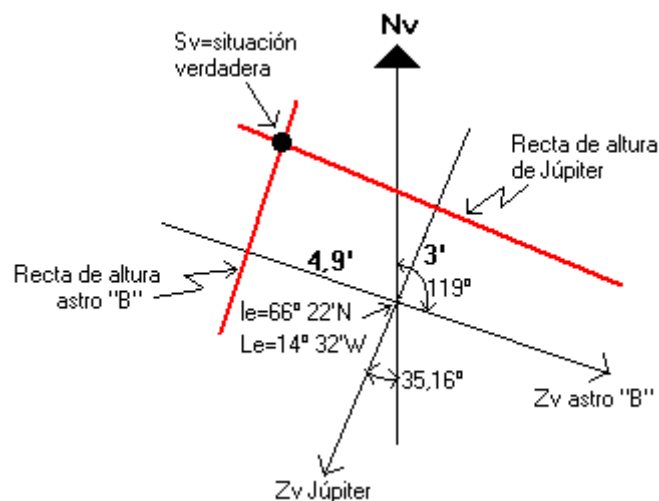
$$Z_v = S35,16^{\circ}W$$

$$\Delta a = -3'$$

Determinante del astro "B"

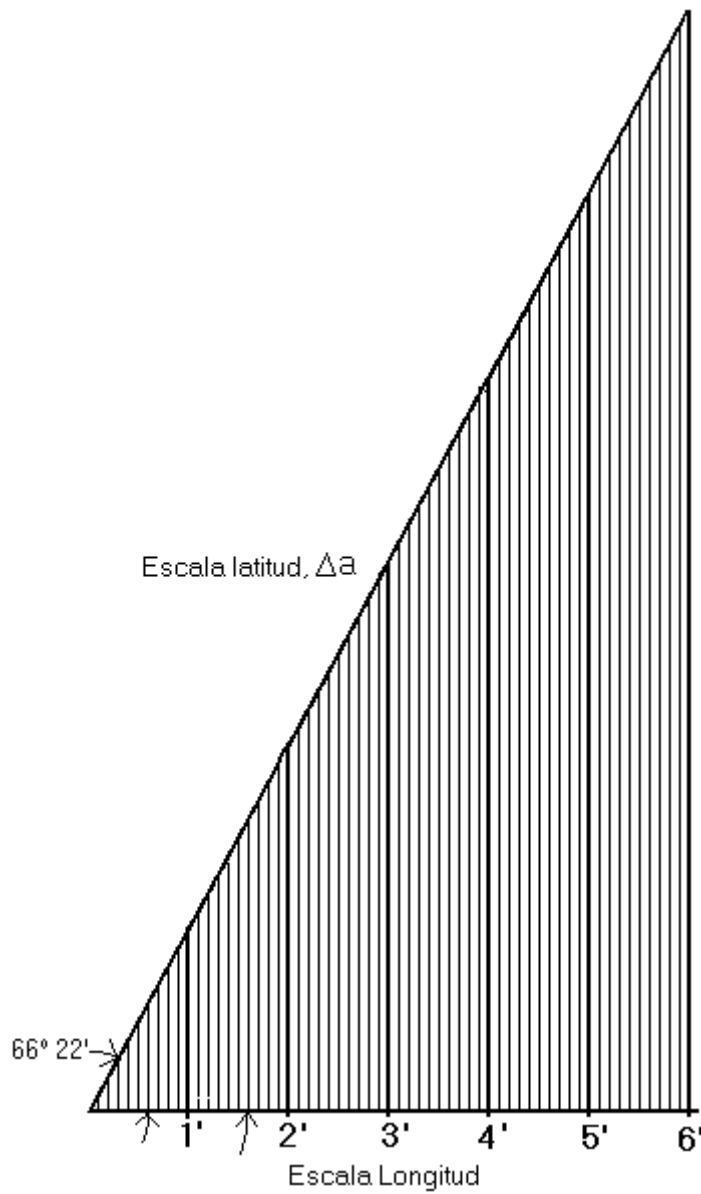
$$Z_v = 119^{\circ}$$

$$\Delta a = -4,9'$$



La situación verdadera se encuentra en el punto de cruce de las rectas de altura de Júpiter y el astro "B", según indica la figura de arriba.

Para ver gráficamente el punto de cruce de las dos rectas construimos la siguiente escala:



Dibujando con la escala anterior en papel milimetrado se encuentra que Sv se encuentra respecto a Se (situación estimada) a unos incrementos de:

$$\Delta l = 5,5'N$$

$$\Delta L = 6,7'W$$

Por lo tanto, la situación observada será:

$$l = 66^\circ 22'N + 5,5'N = 66^\circ 27,5'N$$

$$L = 14^\circ 32'W + 6,7'W = 14^\circ 38,7'W$$

- 4) El día 20 de Diciembre de 2014 encontrándonos en situación estimada $l=40^{\circ}\text{S}$ y $L=170^{\circ}\text{E}$, queremos determinar las horas oficiales de inicio (ocaso aparente) y final del crepúsculo náutico vespertino, y la duración del mismo a efectos de llevar a cabo diversas observaciones astronómicas.

Se pregunta:

Horas oficiales de inicio y final del crepúsculo náutico vespertino en nuestra situación estimada (15 puntos)

El comienzo del crepúsculo náutico vespertino es el final del crepúsculo civil.

En tablas del AN para el 20 de Diciembre de 2014 encontramos los valores TU de comienzo y final de dicho crepúsculo en el meridiano de Greenwich, en $l=40^{\circ}\text{S}$.

- Comienzo del crepúsculo náutico vespertino en meridiano Greenwich, TU=20h 1m
- Final del crepúsculo náutico vespertino en meridiano Greenwich, TU=20h 43m

Por lo tanto el intervalo de tiempo de dicho crepúsculo es $20\text{h }43\text{m} - 20\text{h }1\text{m} = 42\text{m}$

El TU (Tiempo Universal) del comienzo del crepúsculo náutico vespertino en $L=170^{\circ}\text{E}$ será:

$$\text{TU} = 20\text{h }1\text{m} - \frac{170^{\circ}}{15^{\circ}} = 8\text{h }41\text{m}$$
 día 20 de Diciembre de 2014. Este es el tiempo en Greenwich del crepúsculo en $L=170^{\circ}\text{E}$.

La hora legal en $L=170^{\circ}\text{E}$ será $H_z = \text{TU} + Z$.

$L=170^{\circ}\text{E} \rightarrow$ Huso horario nº 11, $Z=11$

$H_z = 8\text{h }41\text{m} + 11\text{h} = 19\text{h }41\text{m}$

- Hora legal del comienzo del crepúsculo náutico=19h 41m
- Intervalo de tiempo del crepúsculo= 42m
- Hora legal del final del crepúsculo náutico=19h 41m + 42m=20h 23m

- 5) Encontrándonos en un lugar de $Le=107^{\circ} 00'E$ el día 20 de Diciembre de 2014 en el momento del paso de la estrella Schedar por el meridiano superior observamos cara al norte ai Schedar= $23^{\circ} 34,5'$.

Elevación del observador 5,8 m, Ei =error instrumental= $-5'$.

Se pregunta:

Latitud meridiana observada y HRB en el momento de la observación (15 puntos)

Cálculo altura verdadera de Schedar

$$ai = 23^{\circ} 34,5'$$

$$ao = \text{altura observada} = ai + Ei = 23^{\circ} 34,5' - 5' = 23^{\circ} 29,5'$$

$$aa = \text{altura aparente} = ao + Cd$$

$$Cd = \text{corrección por depresión (para } eo = 5,8\text{m)} = -4,3'$$

$$aa = 23^{\circ} 29,5' - 4,3' = 23^{\circ} 25,2'$$

$$Cref = \text{corrección por refracción (para } aa = 23^{\circ} 25,2') = -2,3'$$

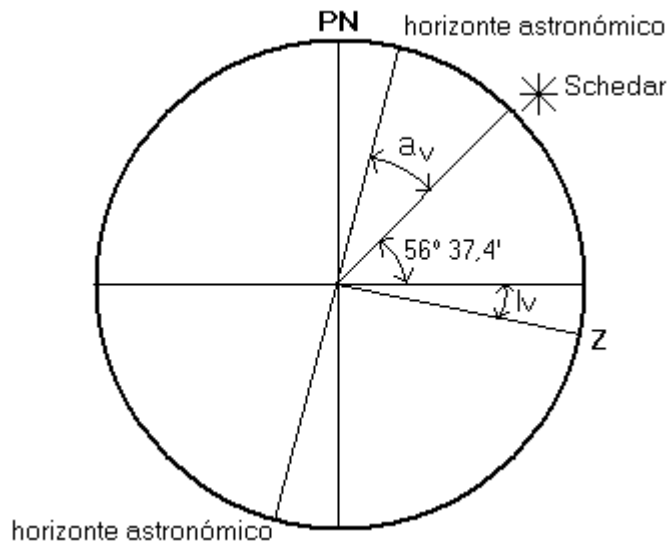
$$av = \text{altura verdadera} = aa + Cref = 23^{\circ} 25,2' - 2,3' = 23^{\circ} 22,9'$$

Cálculo Declinación de Schedar

En página 377 del AN para el mes de Diciembre de 2014 aparece la declinación Dec de Schedar:

$$Dec = +56^{\circ} 37,4'$$

Cálculo latitud meridiana



$$lv = \text{latitud verdadera} = 90^{\circ} - av - Dec = 90^{\circ} - 23^{\circ} 22,9' - 56^{\circ} 37,4' = 9^{\circ} 59,7'$$

Cálculo tiempo HRB de paso de Schedar por la meridiana

La estrella nº 5 Schedar no aparece en las páginas 380-381 del Almanaque Náutico, que dan el tiempo TU del paso de las estrellas por el meridiano de Greenwich. Por lo tanto habremos de calcular dicho TU basándonos en una estrella cercana (con AS=ángulo sidéreo próximo).

- Estrella nº 5 Schedar: AS= $349^{\circ} 39'$
- Estrella nº 6 Diphda: AS= $348^{\circ} 54,8'$

TU=tiempo universal del paso de Diphda por meridiano de Greenwich el 20 de Diciembre de 2014 estando en $L=107^{\circ}E = 20h\ 2m - 1h\ 15m + 1m = 18h\ 48m$

La estrella Schedar, al tener un AS algo superior, pasará por el meridiano de Greenwich un poco antes que Diphda, en proporción a la diferencia de AS entre dichas estrellas, y considerando el día sidéreo= 23h 56m (4 minutos menos que el día solar, debido a la aceleración de las fijas).

Por lo tanto, si $AS=360^{\circ}$ equivale a 23h 56m, la diferencia $349^{\circ}\ 39' - 348^{\circ}\ 54,8'$ equivaldrá a un tiempo t de:

$$t = \left(\frac{349^{\circ}\ 39' - 348^{\circ}\ 54,8'}{360^{\circ}} \times 23h\ 56m \right) = 0h\ 2,9m$$

Por lo tanto,

TU=tiempo universal de paso de Schedar por el meridiano de Greenwich= $18h\ 48m - 0h\ 2,9m = 18h\ 45,1m$

TU paso de Schedar por meridiano de $L=107^{\circ}E = 18h\ 45,1m - \frac{107^{\circ}}{15^{\circ}} = 11h\ 37,1'$ día 20 de Diciembre de 2014

HRB=Hora Reloj Bitácora= Hz

La hora legal en $L=107^{\circ}E$ será $H_z = TU + Z$.

$L=107^{\circ}E \rightarrow$ Huso horario n° 7, $Z=7$

$HRB = 11h\ 37,1m + 7h = 18h\ 37,1m$ día 20 de Diciembre de 2014